

Antwoorden	Deel-scores
------------	-------------

**Opgave 1**

**Maximumscore 8**

- |   |   |   |          |
|---|---|---|----------|
| 1 | □ | • de $x$ -coördinaat van $S$ is $\frac{2}{3}$ | <u>2</u> |
|   |   | • $f'(x) = \frac{1}{x}$                       | <u>1</u> |
|   |   | • $f'(\frac{2}{3}) = 1,5$                     | <u>1</u> |
|   |   | • $g'(x) = \frac{-1}{2-x}$                    | <u>1</u> |
|   |   | • $g'(\frac{2}{3}) = -0,75$                   | <u>1</u> |
|   |   | • de berekening van het antwoord $87^\circ$   | <u>2</u> |

**Maximumscore 6**

- |   |   |  |          |
|---|---|--|----------|
| 2 | □ | • $\ln 2p - \ln(2-p) = \ln 2 \vee \ln 2p - \ln(2-p) = -\ln 2$  | <u>2</u> |
|   |   | • $\ln \frac{2p}{2-p} = \ln 2 \vee \ln \frac{2-p}{2p} = \ln 2$ | <u>2</u> |
|   |   | • $\frac{2p}{2-p} = 2$ geeft $p = 1$                           | <u>1</u> |
|   |   | • $\frac{2-p}{2p} = 2$ geeft $p = \frac{2}{5}$                 | <u>1</u> |

**Maximumscore 6**

- |   |   |   |          |
|---|---|---|----------|
| 3 | □ | • $C(a, \ln 2a)$ geeft de richtingscoëfficiënt van $OC$ is $\frac{\ln 2a}{a}$ | <u>2</u> |
|   |   | • de afgeleide is $\frac{1 - \ln 2a}{a^2}$                                    | <u>2</u> |
|   |   | • de berekening van het antwoord $C(\frac{1}{2}e, 1)$                         | <u>2</u> |
|   |   | of  |          |
|   |   | • de opmerking dat de richtingscoëfficiënt maximaal is als $OC$ raaklijn is   | <u>2</u> |
|   |   | • de raaklijn in $C$ is $y - \ln 2a = \frac{1}{a}(x - a)$                     | <u>1</u> |
|   |   | • deze raaklijn door $O$ geeft $a = \frac{1}{2}e$                             | <u>2</u> |
|   |   | • het antwoord $C(\frac{1}{2}e, 1)$   | <u>1</u> |
|   |   | of  |          |
|   |   | • de opmerking dat de richtingscoëfficiënt maximaal is als $OC$ raaklijn is   | <u>2</u> |
|   |   | • $\frac{\ln 2a}{a} = \frac{1}{a}$  | <u>2</u> |
|   |   | • de berekening van het antwoord $C(\frac{1}{2}e, 1)$                         | <u>2</u> |

Antwoorden	Deel-scores
<b>Maximumscore 5</b>	
4 □ . de $x$ -coördinaten van $P$ en $Q$ zijn respectievelijk $\frac{1}{2}e^2$ en $2 - e^2$	<u>2</u>
. $PS' = \frac{1}{2}e^2 - \frac{2}{3}$	<u>1</u>
. $S'Q = \frac{2}{3} - 2 + e^2$	<u>1</u>
. de rest van het bewijs	<u>1</u>

### Opgave 2

#### Maximumscore 7

- |  |          |
|--|----------|
| 5 □ . in $A$ geldt $f(a) - g(a) = 2 \sin^2 a - 1 + \cos a$ | <u>2</u> |
| . de afgeleide hiervan is $4 \sin a \cos a - \sin a$       | <u>2</u> |
| . het maximum treedt op als $\cos a = \frac{1}{4}$         | <u>1</u> |
| . de berekening van het antwoord $\frac{9}{8}$             | <u>2</u> |

#### Opmerking

Als het correcte antwoord is gevonden via een benaderde waarde van  $\sin a$ , geen punten aftrekken.

#### Maximumscore 7

- |   |          |
|---|----------|
| 6 □ . de $x$ -coördinaten van de gemeenschappelijke punten van de grafieken van $f$ en $g$ in $B$ zijn $\frac{2}{3}\pi$ en $\frac{4}{3}\pi$ | <u>2</u> |
| . $O(B) = \int_{\frac{2}{3}\pi}^{\frac{4}{3}\pi} (-\cos x + \cos 2x) dx$  | <u>2</u> |
| . $O(B) = \left[ -\sin x + \frac{1}{2} \sin 2x \right]_{\frac{2}{3}\pi}^{\frac{4}{3}\pi}$   | <u>1</u> |
| . de berekening van het antwoord $\frac{3}{2}\sqrt{3}$  | <u>2</u> |

#### Maximumscore 5

- |   |          |
|---|----------|
| 7 □ . $h(x) = \frac{2 - 2 \cos^2 x}{1 - \cos x}$            | <u>2</u> |
| . $h(x) = 2 + 2 \cos x$ (voor $x \neq 0$ en $x \neq 2\pi$ ) | <u>2</u> |
| . de conclusie  | <u>1</u> |

### Opgave 3

#### Maximumscore 8

- |   |          |
|---|----------|
| 8 □ . in vierhoek $OABC$ staat $OB$ loodrecht op $AC$                   | <u>2</u> |
| . $AC = 10$   | <u>1</u> |
| . de gevraagde hoek is hoek $GSC$ met $S$ als snijpunt van $AC$ en $OB$ | <u>1</u> |
| . $SC = 3,6$  | <u>3</u> |
| . de berekening van het antwoord $70^\circ$                             | <u>1</u> |

Antwoorden	Deel-scores
<b>Maximumscore 8</b>	
9 □ . het middelpunt $M$ van de grondcirkel is het midden van $AC$	<u>2</u>
. de straal van de grondcirkel is 5	<u>2</u>
. $T$ is het snijpunt van $EG$ met de lijn door $M$ loodrecht op het grondvlak	<u>1</u>
. $MT = 6$	<u>2</u>
. het antwoord $50\pi$	<u>1</u>
<b>Maximumscore 6</b>	
10 □ . het snijpunt van de diagonalen $EG$ en $DF$ van het bovenvlak moet loodrecht boven $S$ liggen	<u>2</u>
. het tekenen van dit snijpunt	<u>2</u>
. de rest van de tekening of	<u>2</u>
. de tekening van de snijlijn van de vlakken $DEG$ en $ABC$	<u>3</u>
. de rest van de tekening	<u>3</u>
<b>Opgave 4</b>	
<b>Maximumscore 6</b>	
11 □ . $y = -x + 3$ geeft $t^2 - 4t + 3 = 0$	<u>2</u>
. $t = 3 \vee t = 1$	<u>2</u>
. het antwoord $(1, 2)$ en $(3, 0)$	<u>2</u>
<b>Maximumscore 7</b>	
12 □ . in $A$ geldt $t = 2$	<u>1</u>
. $\frac{dx}{dt} = 3t^2 - 8t + 4$	<u>1</u>
. $\frac{dy}{dt} = -3t^2 + 6t$	<u>1</u>
. voor $t \neq 2$ geldt $\frac{dy}{dx} = \frac{-3t}{3t-2}$	<u>1</u>
. $\lim_{t \rightarrow 2} \frac{dy}{dx} = -1\frac{1}{2}$	<u>1</u>
. de berekening van het antwoord $34^\circ$	<u>2</u>
<b>Maximumscore 6</b>	
13 □ . voor de punten op de $y$ -as geldt $t = 0$ en $t = 2$	<u>2</u>
. $t = 2$ geeft $\frac{dx}{dt} = 0$ en $\frac{dy}{dt} = 4a - 12$	<u>3</u>
. de rest van het bewijs	<u>1</u>
<b>Maximumscore 5</b>	
14 □ . $K_2$ snijdt de lijn $y = x$ voor $t = 0$ , $t = 1$ en $t = 2$	<u>2</u>
. de keuze van $t = 1 + p$ en $t = 1 - p$	<u>1</u>
. de rest van het bewijs	<u>2</u>

Einde