

Knikkers stapelen

Op de foto hieronder zie je magnetische knikkers die op een bepaalde manier gestapeld zijn.



De stapel in voorbeeld 1 bestaat uit twee lagen, die in voorbeeld 2 uit drie lagen en de stapel in voorbeeld 3 heeft vier lagen. Elke laag wordt volledig gevuld. De bovenste laag, laag 1, bestaat altijd uit één knikker. Daaronder komt een tweede laag met drie knikkers, laag 3 bestaat uit zes knikkers, enzovoort. We kunnen de stapel hoger maken door meer lagen toe te voegen. In de tabel op de uitwerkbijlage is het aantal knikkers in de lagen 1, 2, 3, 4 en 8 al ingevuld.

- 2p 23 Vul de tabel op de uitwerkbijlage helemaal in.

Bij de volgende vragen kijken we naar het **totaal** aantal knikkers in een stapel. Het totaal aantal knikkers kan met de volgende formule worden berekend

$$k = \frac{1}{6} \times n \times (n + 1) \times (n + 2)$$

Hierin is k het totaal aantal knikkers en n het aantal lagen van de stapel.

- 2p 24 Laat met een berekening zien dat er voor een stapel met 13 lagen in totaal meer dan 400 knikkers nodig zijn.
4p 25 Met 1000 knikkers wordt een zo hoog mogelijke stapel gemaakt. Na het maken van deze stapel zijn er nog knikkers over.
→ Bereken hoeveel knikkers er over zijn. Schrijf je berekening op.

uitwerkbijlage

Naam kandidaat _____

Kandidaatnummer _____

Knikkers stapelen

23

laag nummer	1	2	3	4	5	6	7	8
aantal knikkers	1	3	6	10				36